**Пирамидальная сортировка**

Глухов Степан Андреевич, студент бакалавриата

Царёв Матвей Михайлович, студент бакалавриата

Московский государственный технический университет имени Николая Эрнестовича Баумана, г. Москва, Россия

***Аннотация:***

***Ключевые слова****: сортировка, алгоритмы сортировки, пирамидальная сортировка,*

**Пирамидальная сортировка**

Сортировка – фундаментальная задача из области вычислительной техники. Каждый человек, изучая тот или иной язык программирования, сталкивался с ней на начальных этапах обучения. Но алгоритмы сортировки используются не только в обучающих целях, но и в различных прикладных задачах, к примеру, для структуризации или визуализации информации.

Существует несколько алгоритмов сортировки, и у каждого из них есть свои достоинства и недостатки. Поэтому очень важно выбрать подходящий ещё на стадии составления алгоритма программы, чтобы не потратить лишнее время.

В данной статье будет рассмотрен алгоритм пирамидальной сортировки, основанный на такой структуре данных как пирамида или куча(heap).

Пирамида – массив A, который можно рассматривать как почти полное бинарное дерево. Каждый узел соответствует элементу массива. Все уровни, за исключением низшего, заполнены. Корень дерева – A[1]. Тогда для узла i можно легко найти родительский узел – , а также дочерние: левый – и правый – .

Во многих языках программирования нумерация элементов массива начинается с 0, поэтому вычисление дочерних узлов будет выглядеть иначе, но поиск родительского останется неизменным: , , .

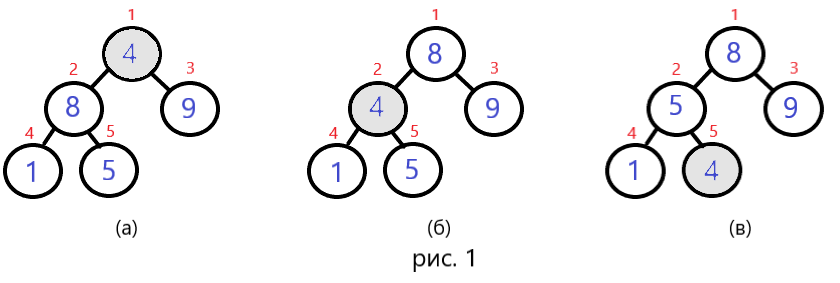
В алгоритме пирамидальной сортировки используется невозрастающая пирамида, то есть пирамида для каждого узла которой, не считая корневого, родительский узел будет иметь большее или равное значение: . Таким образом корневой узел будет наибольшим из всего массива.

Кроме невозрастающих существуют неубывающие пирамиды. В них корневой элемент будет наименьшим, а каждый родительский узел будет меньше или равен дочерним. Неубывающие пирамиды можно также использовать в пирамидальной сортировке, если требуется отсортировать массив по убыванию, а не по возрастанию.

Сам алгоритм пирамидальной сортировки делится на 2 этапа:

1. Построение пирамиды.

Для начала работы нужно сделать из неотсортированного массива невозрастающую пирамиду, для чего используется функция . В качестве аргументов она принимает указатель на массив, длину массива и номер выбранного элемента в массиве. Предназначение функции – опустить элемент на соответствующий ему уровень (рис.1).



Как можно увидеть из рис. 1, функция не строит пирамиду, а работает с конкретным элементом, сравнивая сначала с его левым, а затем правым дочерним элементом, и в случае, если не выполняется условие невозрастающей пирамиды (), опускает на один уровень ниже.

Далее, если элемент был передвинут, функция вызывает саму себя, но передаёт уже новый номер того же самого элемента. И так происходит до тех пор, пока он не встанет на своё место.

Функция, написанная на языке C:  
 **void** heapify(**int** \*arr, **int** n, **int** i) {

**int** largest = i;

**int** left = 2 \* i + 1;

**int** right = 2 \* i + 2;

**if** (left < n && arr[left] > arr[largest])

largest = left;

**if** (right < n && arr[right] > arr[largest])

largest = right;

**if** (largest != i){

SWAP(arr, i, largest);

heapify(arr, n, largest);

}

}

Но чтобы построить неубывающую пирамиду, надо каждый элемент массива поставить на соответствующее место. Если мы с помощью цикла начнём применять функцию с первого до последнего элемента, то сможем построить невозрастающую пирамиду. Но можно сократить количество действий: когда цикл дойдёт до первого элемента, не имеющего дочерних, его нужно будет остановить, т.к. все последующие также не имеют дочерних, а это значит, что их нельзя опустить на нужный уровень, ведь они уже на нём.

Чтобы остановить цикл, нужно найти родительский элемент для последнего элемента массива, т.к. он и будет последним элементом, у которого есть дочерние.

С такого построения пирамиды начинается основная функция пирамидальной сортировки . В качестве аргументов она принимает указатель на массив, а также его длину:

**void** heapSort(**int** \*arr, **int** n) {

**for** (**int** i = n / 2 - 1; i >= 0; i--)

heapify(arr, n, i);

**for** (**int** i = n - 1; i >= 0; i--) {

SWAP(arr, 0, i);

heapify(arr, i, 0);

}

}

Так как из обычного массива была получена невозрастающая пирамида, в корне, то есть на первом месте, оказался наибольший элемент. Дальше есть два пути: создать дополнительный массив и переносить элементы туда или работать в изначальном. В статье был выбран второй способ, поэтому обе функции принимают в качестве аргумента длину массива.

Первый(наибольший) элемент меняется с последним. Таким образом массив разбивается на две части: слева неотсортированный массив размера , а справа наибольший элемент.

Далее правая часть уже не трогается, а из левой за счёт функции , применённой к первому элементу, строится новая невозрастающая пирамида размера , в которую не входит последний элемент, т.к. в функцию в качестве размера массива было передано значение .

После того, как левая часть была переделана в невозрастающую пирамиду, на первом месте снова оказался наибольший элемент. Теперь он меняется местами с последним элементом массива, то есть встаёт на предпоследнее место. Таким образом в левой части остаётся элемента, а в правая, состоящая уже из 2 чисел, является частью отсортированной структуры данных.

Выполняя такое повторение раз, можно отсортировать массив по возрастанию. Чтобы лучше понять процесс рассмотрите рис.2:

У пирамидальной сортировки есть свои преимущества и недостатки:

* + - * Не требуется дополнительная память.
      * Стабильность метода. Отклонения от среднего времени работы очень малы.
      * В худшем случае количество шагов .
      * Пирамидальная сортировка неустойчива, она меняет местами одинаковые элементы.
      * Если массив отсортирован или практически отсортирован, то пирамидальная сортировка всё равно будет выполнять, не обращая внимания на уже правильный порядок элементов.

**Временная сложность**